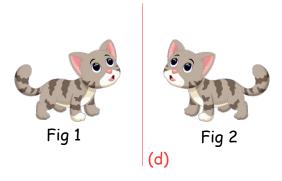
Séquence 21 : Symétrie axiale

I. Figures symétriques

Définition: Deux figures sont symétriques par rapport à une droite (d) lorsqu'elles se superposent par pliage autour de la droite (d).

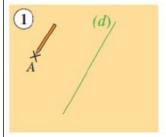
Exemple: Les figures 1 et 2 suivantes sont symétriques par rapport à la droite (d).

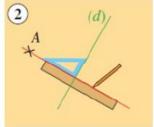


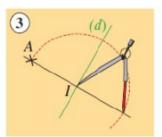
Remarque: Une symétrie par rapport à une droite est appelée symétrie axiale.

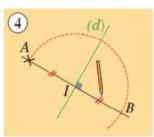
II. Symétrique d'un point

<u>Méthode</u>:





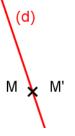




- 1. On trace un point A et une droite (d).
- 2. À l'aide de l'équerre, trace la droite perpendiculaire à (d) passant par A.
- 3. À l'aide du compas, reporte la longueur AI où I est l'intersection entre la perpendiculaire et la droite.
- 4. On obtient un point B. C'est le symétrique de A par rapport à (d).

Remarque:

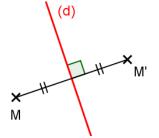
• M ∈ (d)



M est un point qui <u>appartient</u> à la droite (d).

Le symétrique du point M par rapport à la droite (d) est le point M lui-même.

• M ∉ (d)



M est un point qui <u>n'appartient pas</u> à la droite (d).

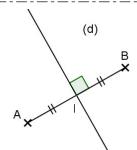
Le symétrique du point M par rapport à la droite (d) est le point M' tel que la droite (d) est la médiatrice du segment [MM'].

III. Médiatrice d'un segment

♥ <u>Définition</u>: La <u>médiatrice</u> d'un segment est la droite <u>perpendiculaire</u> à ce segment <u>en son milieu</u>.

Exemple: (d) est la médiatrice du segment [AB]. En effet :

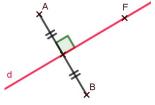
- (d) \perp [AB]
- I est le milieu de [AB]



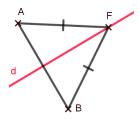
IV. <u>Médiatrice et équidistance</u>

<u>Propriété</u>: Si un point appartient à la médiatrice d'un segment, alors il est équidistant des extrémités de ce segment.

Exemple:



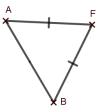
F appartient à la médiatrice du segment [AB].



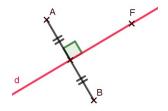
Donc, d'après cette propriété, FA = FB.

Propriété: Si un point est équidistant des extrémités d'un segment, alors il appartient à la médiatrice de ce segment.

Exemple:

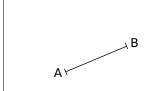


FA = FB



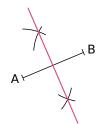
Donc, d'après cette propriété, F appartient à la médiatrice du segment [AB].

Méthode : Construire une médiatrice avec la règle et le compas



Pour construire la médiatrice du segment [AB], ... А

on trace deux arcs de cercle de centres A et B, de même rayon (plus grand que la moitié de AB).



La médiatrice de [AB] est la droite qui passe par ces deux points.

Vidéos - Construire le symétrique d'un point et d'une figure :



http://maths.tournemine.free.fr/index.php/symetrie-axiale-6eme/

Vidéos - Construire une médiatrice :



http://maths.tournemine.free.fr/index.php/mediatrice/