3^{ème}

Séquence 4 : Factorisation

<u>Définition</u>: Factoriser signifie transformer une somme ou une différence en un produit.

Propriété: Pour tous nombres k, a et b:

$$ka+kb=k(a+b)$$
 et $ka-kb=k(a-b)$

Exemples: Factoriser au maximum les expressions suivantes.

Pour factoriser A, B et C, on cherche un facteur commun.

$$A = (2x-7)(x+3) - (2x-7)(x-9)$$
 $B = 3x+18$

$$B = 3 x + 18$$

$$C = 12 y^2 - 8 y$$

$$A = (2x-7)(x+3) - (2x-7)(x-9)$$
 $B = 3x+3\times6$ $C = 4y\times3y-4y\times2$

$$B = \frac{3}{3}x + \frac{3}{3} \times 6$$

$$C = 4 y \times 3 y - 4 y \times 2$$

$$A = (2x - 7)[(x + 3) - (x - 9)]$$

$$B = 3(x + 6)$$

B =
$$\frac{3}{3}(x + 6)$$
 $C = \frac{4y}{3} \times (3y - 2)$

$$A = (2x - 7)(x + 3 - x + 9)$$

$$A = (2x - 7) \times 12$$

 \heartsuit Propriété: Pour tous les nombres a et b: $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

Exemple: Factoriser les expressions suivantes.

$$D = v^2 - 64$$

$$E = 36 x^2 - 25$$

Pour factoriser ici, on reconnaît la différence de deux carrés donc on utilise une identité remarquable.

$$D = y^2 - 8^2$$

$$E = (6 x)^2 - 5^2$$

$$D = (y + 8)(y - 8)$$

$$D = (y + 8)(y - 8)$$
 $E = (6 x + 5) (6 x - 5)$