3^{ème}

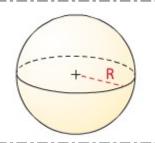
Séquence 11 : Section d'un solide par un plan

I. Sphère et boule

<u>Définitions</u>: · La **sphère** de centre O et de rayon R est l'ensemble des points M de l'espace tels que OM = R.

 La boule de centre O et de rayon R est l'ensemble des points M de l'espace tels que OM

R.



Remarque: Il est impossible de construire un patron d'une sphère.

II. Sections de solides

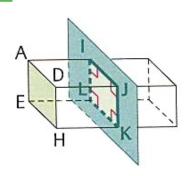
<u>Définition</u>: Lorsqu'un solide est coupé par un plan, la section du solide par le plan est constituée de tous les points qui appartiennent à la fois au plan et au solide.

1) Section d'un pavé droit (ou parallélépipède rectangle)

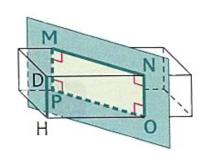
▽ <u>Propriété</u>: La section d'un pavé droit par un plan parallèle à une face est un rectangle de mêmes dimensions que cette face.

Propriété: La section d'un pavé droit par un plan parallèle à une arête est un rectangle dont une dimension est égale à la longueur de cette arête.

Exemple:



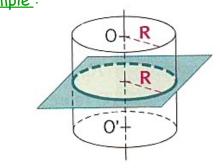
Exemple:



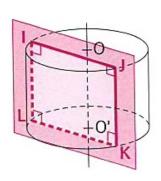
2) Section d'un cylindre de révolution

▽ <u>Propriété</u>: La section d'un cylindre par un plan parallèle à à sa base est un disque de même rayon que la base. Propriété: La section d'un cylindre par un plan perpendiculaire à sa base est un rectangle dont une dimension est la hauteur du cylindre.

Exemple:



Exemple:

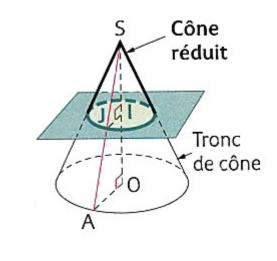


3) Section d'une pyramide ou d'un cône

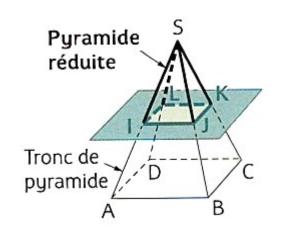
Propriété: La section d'un cône de révolution par un plan parallèle à sa base est un disque qui est une réduction du disque de base.

[♥] Propriété: La section d'une pyramide par un plan parallèle à sa base est un polygone qui une réduction du polygone de base.

Exemple:

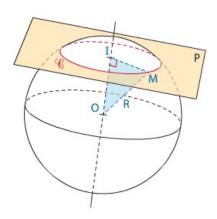


Exemple:

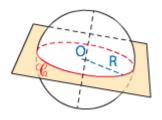


4) Section d'une sphère

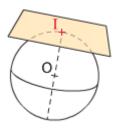
Propriété: La section d'une sphère par un plan est un cercle de centre I, point d'intersection du plan et de la perpendiculaire au plan passant par O.



<u>Cas particuliers</u>:



Le plan passe par le centre de la sphère. La section est un « grand cercle » de la sphère : le cercle et la sphère ont le même centre O.



Le plan est tangent à la sphère. La section est réduite à un point.